



INSTITUCIÓN EDUCATIVA FEDERICO SIERRA ARANGO
 NIT: 811039779-1 DANE: 105088001750
 Bello - Antioquia

CÓDIGO: FGA

Versión 1

Fecha 22/05/2012

Página 1



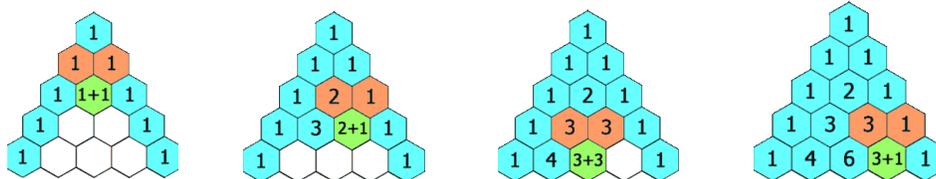
Periodo	SEGUNDO	GUÍA 4	Semana 7 – 8
Educador:	GLENIZ GARCIA OSORIO		Área: Matemáticas
Grado:	CleI 4		Grupo: A

Fecha máxima de entrega	17 al 28 de Mayo 2021
Ten presente	<ul style="list-style-type: none"> ➤ Debe estar ordenado, con la letra y números del estudiante. ➤ La solución de los ejercicios con los procedimientos adecuados para llegar a la respuesta. (análisis principalmente procedimiento) ➤ SE DEBE COLOCAR EL ENUNCIADO DE CADA EJERCICIO y luego solucionarlo. ➤ Se realizarán unas actividades en quizziz y cuestionario de google, estos se publicarán en el classroom con un tiempo definido.
Recuerda	<ul style="list-style-type: none"> • Mandar las fotos de la actividad AL CLASSROOM, preferiblemente que estas fotos estén en un documento de Word o pdf con su respectivo orden. • Las fotos deben tener buena calidad en su imagen, se sugiere que no quede con sombras (ya que algunas personas les queda muy borrosa y no se aprecia bien los procesos) • En caso de fraude mismas fotos o mismo trabajo será anulado y su nota será un 1.0 sin posibilidad de recuperar la nota.

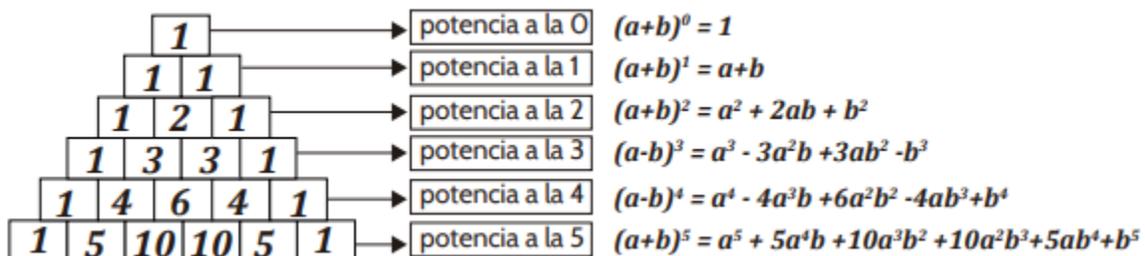
TRIÁNGULO DE PASCAL

El *Binomio de Newton* es una fórmula que permite determinar cualquier potencia de un binomio, el cual está formada por una serie de coeficientes (parte numérica) que pueden ser determinadas de forma rápida y sencilla a través del siguiente **Triángulo de Pascal**.

El triángulo de Pascal es un triángulo de números enteros, infinito y simétrico. Se empieza con un 1 en la primera fila, y en las filas siguientes se van colocando números de forma que cada uno de ellos sea la suma de los dos números que tiene encima. Se supone que los lugares fuera del triángulo contienen ceros, de forma que los bordes del triángulo están formados por unos. Aquí sólo se ve una parte; el triángulo continúa por debajo y es infinito.



El segundo término de cada línea del triángulo de Pascal informa el exponente del binomio para saber que línea de los coeficientes (parte numérica) necesitamos para poder empezar a solucionar el binomio.





Los pasos para solucionar cualquier binomio con el triángulo de Pascal es:

1. Realizar el triángulo de Pascal
2. Identificar por medio del segundo término del triángulo los coeficientes que contiene ese binomio
3. Se colocan los coeficientes dejando un espacio prudencial para colocar los términos del binomio separados por los signos (si el binomio es positivo, todos los términos quedan positivos; si es una diferencia los signos se intercalan.
4. En el primer coeficiente, se coloca el primer término del binomio con el exponente del binomio y en los siguientes términos se coloca el mismo término con el exponente en forma descendente al inicial.
5. En el último coeficiente, se coloca el segundo término del binomio, con el exponente del binomio y se devuelve colocando el mismo término con el exponente de manera descendente.
6. Se solucionan las potencias y multiplicaciones indicadas.

TRIÁNGULO DE PASCAL

$$\begin{array}{ccccccc} & & & & & & 1 \\ & & & & & & 1 & 1 \\ & & & & & 1 & 2 & 1 \\ & & & 1 & 3 & 3 & 1 \\ & 1 & 4 & 6 & 4 & 1 \\ 1 & 5 & 10 & 10 & 5 & 1 \end{array}$$

POTENCIA DE UNA SUMA

$$\begin{aligned}(a + b)^0 &= 1 \\ (a + b)^1 &= 1a + 1b \\ (a + b)^2 &= 1a^2 + 2ab + 1b^2 \\ (a + b)^3 &= 1a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + 1b^3 \\ (a + b)^4 &= 1a^4 + 4a^3b + 6a^2b^2 + 4ab^3 + 1b^4 \\ (a + b)^5 &= 1a^5 + 5a^4b + 10a^3b^2 + 10a^2b^3 + 5ab^4 + 1b^5\end{aligned}$$

Binomio de la suma.

Todos los signos son positivos

TRIÁNGULO DE PASCAL

$$\begin{array}{ccccccc} & & & & & & 1 \\ & & & & & & 1 & 1 \\ & & & & & 1 & 2 & 1 \\ & & & 1 & 3 & 3 & 1 \\ & 1 & 4 & 6 & 4 & 1 \\ 1 & 5 & 10 & 10 & 5 & 1 \end{array}$$

POTENCIA DE UNA RESTA

$$\begin{aligned}(a - b)^0 &= 1 \\ (a - b)^1 &= 1a - 1b \\ (a - b)^2 &= 1a^2 - 2ab + 1b^2 \\ (a - b)^3 &= 1a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - 1b^3 \\ (a - b)^4 &= 1a^4 - 4a^3b + 6a^2b^2 - 4ab^3 + 1b^4 \\ (a - b)^5 &= 1a^5 - 5a^4b + 10a^3b^2 - 10a^2b^3 + 5ab^4 - 1b^5\end{aligned}$$

Binomio de la resta.

En el caso en que en el binomio figure un signo menos, es decir se trate de una **resta**, tan solo hay que alternar los signos del desarrollo de la forma $+ - + - + - \dots$



Ejemplo 1

$$\begin{aligned}(2x - 3)^4 &= 1(2x)^4 - 4(2x)^3(3) + 6(2x)^2(3)^2 - 4(2x)(3)^3 + 1(3)^4 \\ &= 1 \cdot 16x^4 - 4 \cdot 8x^3 \cdot 3 + 6 \cdot 4x^2 \cdot 9 - 4 \cdot 2x \cdot 27 + 1 \cdot 81 \\ &= 16x^4 - 96x^3 + 216x^2 - 216x + 81\end{aligned}$$

Ejemplo 2

$$\begin{aligned}(y^4 + 4z)^6 &= 1(y^4)^6 + 6(y^4)^5(4z) + 15(y^4)^4(4z)^2 + 20(y^4)^3(4z)^3 \\ &\quad + 15(y^4)^2(4z)^4 + 6(y^4)(4z)^5 + 1(4z)^6 \\ &= 1 \cdot y^{24} + 6 \cdot y^{20} \cdot 4z + 15 \cdot y^{16} \cdot 16z^2 + 20 \cdot y^{12} \cdot 64z^3 + 15 \cdot y^8 \cdot 256z^4 \\ &\quad + 6 \cdot y^4 \cdot 1024z^5 + 1 \cdot 4096z^6 \\ &= y^{24} + 24y^{20}z + 240y^{16}z^2 + 1280y^{12}z^3 + 3840y^8z^4 + 6144y^4z^5 + 4096z^6\end{aligned}$$

Taller de Matemáticas

Soluciona los siguientes binomios

1. $(k - 1)^{10} =$

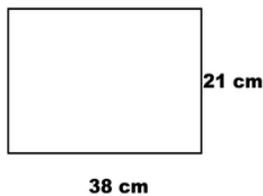
2. $(z^3 + 2)^8 =$

3. $(m^5 + n^7)^9 =$

Taller Geometría

ÁREAS Y PERÍMETROS

1. Obtener el perímetro y el área de una tapa de zapatos que mide 38 cm de largo por 21 cm de ancho.



Perímetro

$$P = 2b + 2h$$

$$P = 2(38) + 2(21)$$

$$P = 76 + 42$$

$$P = 118 \text{ cm}$$

Área

$$A = b \times h$$

$$A = 38 \times 21$$

$$A = 798 \text{ cm}^2$$

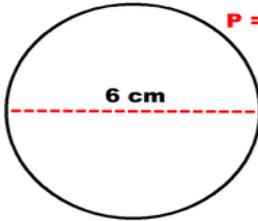
2. Un círculo cuyo diámetro mide 6 cm



$$P = \pi \times d$$

$$P = 3.1416 \times 6$$

$$P = 18.8496 \text{ cm}$$



Perímetro

$$P = 2\pi \times r$$

$$P = 2(3.1416) \times 3$$

$$P = 6.2832 \times 3$$

$$P = 18.8496 \text{ cm}$$

Área

$$A = \pi \times r^2$$

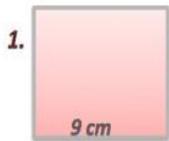
$$A = 3.1416 \times 3^2$$

$$A = 3.1416 \times 9$$

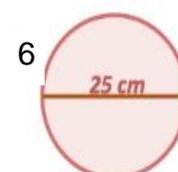
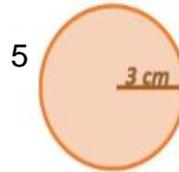
$$A = 28.2744 \text{ cm}^2$$

Taller Geometría

Encontrar el perímetro y área de las siguientes figuras

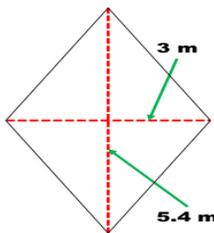


Encontrar la circunferencia y área de los siguientes círculos.



ÁREAS Y PERÍMETROS

1. Obtener el área de un rombo cuyas diagonales miden 5.4 cm y 3 cm.



Área

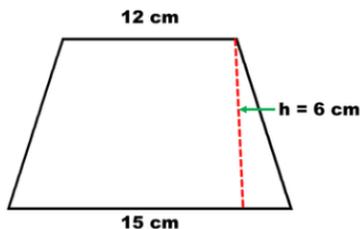
$$A = \frac{D \times d}{2}$$

$$A = \frac{16.20}{2}$$

$$A = \frac{(5.4)(3)}{2}$$

$$A = 8.1 \text{ m}^2$$

2. Un trapecio cuyas bases miden 12 y 15 cm y de altura mide 6 cm



Área

$$A = \frac{B + b}{2} \times h$$

$$A = \frac{27}{2} \times 6$$

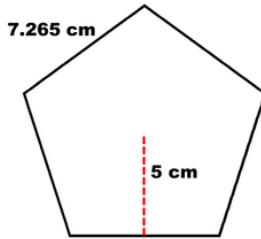
$$A = \frac{15 + 12}{2} \times 6$$

$$A = 13.5 \times 6$$

$$A = 81 \text{ cm}^2$$



3. Un pentágono regular que mide 7.265 cm de lado y 5 cm de apotema.



Perímetro

$$P = l(5)$$

$$P = 7.265(5)$$

$$P = 36.325 \text{ cm}$$

Área

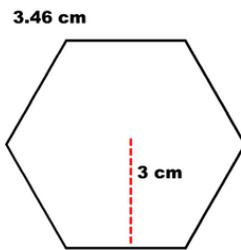
$$A = \frac{p \times a}{2}$$

$$A = \frac{36.325 \times 5}{2}$$

$$A = \frac{181.625}{2}$$

$$A = 90.8125 \text{ cm}^2$$

4. Un hexágono regular de 3.46 cm de lado y 3 cm de apotema.



Perímetro

$$P = l(6)$$

$$P = 3.46(6)$$

$$P = 20.76 \text{ cm}$$

Área

$$A = \frac{p \times a}{2}$$

$$A = \frac{20.76 \times 3}{2}$$

$$A = \frac{62.28}{2}$$

$$A = 31.14 \text{ cm}^2$$

TALLER GEOMETRÍA

Halla el área y el perímetro de las siguientes figuras:

